

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение  
«Ялтинская средняя школа-лицей № 9» муниципального образования  
городской округ Ялта Республики Крым

**Рассмотрено и принято**  
на заседании МО  
Протокол № 3  
от «29» августа 2023 г.  
Руководитель МО  
\_\_\_\_\_ Гончар В.А.

**СОГЛАСОВАНО**  
Заместитель директора  
по УВР  
«30» августа 2023 г.  
\_\_\_\_\_ Попкова Н. В.

**«УТВЕРЖДЕНО»**  
Приказом  
От 31.08.2023 г. №482  
Директор  
\_\_\_\_\_ Ю. Е. Соловей

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
**по предмету «Математика: алгебра и начала математического анализа»**  
**(базовый уровень)**  
**10-11 класс**

Количество недель: 34 недели

Количество часов:

Всего за год 68 часов;

В неделю 2 часа.

Рабочая программа по учебному курсу «Математика: алгебра и начала математического анализа» составлена на основе

- Федеральной образовательной программы среднего общего образования, утверждена приказом Минпросвещения России от 23.11.2022 № 1014
- ФЕДЕРАЛЬНАЯ РАБОЧАЯ ПРОГРАММА СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ МАТЕМАТИКА (базовый уровень) (для 10–11 классов образовательных организаций) Москва – 2023, Институт стратегии развития образования федеральное государственное бюджетное научное учреждение;
- Методических рекомендаций об особенностях преподавания математики в общеобразовательных организациях Республики Крым в 2023-2024 учебном году;
- Программы воспитания МБОУ «ЯСШЛ № 9» на 2023/2024 уч.год, утвержденной приказом от 24.08.2023 N 391.

**Учебник:** «Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс (11 класс): базовый и углубленный уровни» учебник / С.М. Никольский, М. К. Потапов, Н. Н. Решетников, А. В. Шевкин. – 9-е издание - Москва: Просвещение, 2022 год.

Ялта  
2023

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности,

требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений,

содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают

наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

# СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

## 10 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выразить свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **10 КЛАСС**

#### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### **Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Основные виды деятельности обучающихся	Модуль программы воспитания «Школьный урок»	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы			
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства.	14	1	<p><b>Использовать теоретико-множественный аппарат</b> для описания хода решения математических задач, а также реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.</p> <p><b>Оперировать понятиями:</b> рациональное число, действительное число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, проценты.</p> <p><b>Выполнять</b> арифметические операции с рациональными и действительными числами; приближённые вычисления, используя правила округления.</p> <p>Делать прикидку и оценку результата вычислений.</p> <p><b>Оперировать понятиями:</b> тождество, уравнение, неравенство; целое и рациональное уравнение, неравенство.</p> <p><b>Выполнять</b> преобразования целых и рациональных выражений.</p> <p><b>Решать</b> основные типы целых иррациональных уравнений и неравенств.</p> <p>Применять рациональные уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки</p>	<p>1 сентября - День Знаний</p> <p>2 сентября - День окончания Второй мировой войны (1945 год).</p> <p>3 сентября - Памятная дата России: День солидарности в борьбе с терроризмом.</p> <p>8 сентября - День воинской славы России: День Бородинского сражения русской армии под командованием М. И. Кутузова с французской армией (1812 год).</p> <p>8 сентября - День памяти. Начало блокады Ленинграда 1941-1944 гг.</p> <p>8 сентября - Международный день распространения грамотности</p> <p>10 - Международный день памяти жертв фашизма</p> <p>16 сентября - Международный день охраны озонового слоя</p> <p>21 сентября - День воинской славы России</p> <p>21 сентября - Международный день мира</p> <p>27 сентября - Всемирный день туризма</p> <p>28 сентября - Всемирный день моря</p> <p>30 сентября - День Интернета России (День Рунета)</p> <p>1 октября - Международный день пожилых людей</p> <p>4 октября - День начала космической эры человечества</p> <p>4 октября - Международный день защиты животных</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4730/main/149077/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4730/main/149077/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4932/main/127857/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4932/main/127857/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4933/main/127887/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4933/main/127887/</a></p>

				и реальной жизни	5 октября - Международный день учителя 9 октября - Всероссийский день чтения 15 октября - День Отца	
2	Функции и графики. Степень с целым показателем.	6		<p><b>Оперировать понятиями:</b> функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, область определения и множество значений функции, график функции; чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.</p> <p><b>Выполнять преобразования</b> степеней с целым показателем.</p> <p><b>Использовать</b> стандартную форму записи действительного числа.</p> <p><b>Формулировать</b> и иллюстрировать графически свойства степенной функции.</p> <p><b>Выражать</b> формулами зависимости между величинами.</p> <p><b>Использовать</b> цифровые ресурсы для построения графиков функции и изучения их свойств.</p>	<p>25 октября – Международный день школьных библиотек</p> <p>30 октября - День памяти жертв политических репрессий.</p> <p>4 ноября - День воинской славы России: День народного единства.</p> <p>7 ноября - Памятная дата России: День Октябрьской революции 1917 года</p> <p>8 ноября - День памяти погибших при исполнении служебных обязанностей сотрудников органов внутренних дел России</p> <p><b>16 ноября - Международный день отказа от курения.</b></p> <p><b>16 ноября - Международный день толерантности</b></p>	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5175/main/326689/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5175/main/326689/</a>
3	Арифметический корень $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства.	18	1	<p><b>Формулировать</b>, записывать в символической форме и иллюстрировать примерами свойства корня <math>n</math>-ой степени.</p> <p><b>Выполнять</b> преобразования иррациональных выражений.</p> <p><b>Решать</b> основные типы иррациональных уравнений и неравенств.</p> <p><b>Применять</b> для решения различных задач иррациональные уравнения и неравенства.</p> <p><b>Строить</b>, читать график корня <math>n</math>-ой степени. Использовать цифровые ресурсы для построения графиков функций и изучения их свойств.</p>	<p>20 ноября – День начала Нюрнбергского процесса</p> <p>26 ноября - День матери в России</p> <p>30 ноября – День Государственного герба Российской Федерации</p> <p>1 декабря - День воинской славы России: День победы русской эскадры под командованием П. С. Нахимова над турецкой эскадрой у мыса Синоп (1853 год).</p> <p>1 декабря - Всемирный день борьбы со СПИДом .</p> <p>3 декабря - День Неизвестного солдата</p> <p>3 декабря – День неизвестного солдата.</p> <p>Международный день инвалидов</p> <p>5 декабря - День воинской славы России: День начала контрнаступления советских войск против немецко-фашистских войск в битве под Москвой (1941 год).</p> <p>5 декабря – День добровольца (волонтера) в России</p>	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/main/272546/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/main/272546/</a> <a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5569/main/159267/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5569/main/159267/</a>

				<p>9 декабря - Памятная дата России: День Героев Отечества</p> <p>10 декабря - Международный день прав человека.</p> <p>12 декабря - Памятная дата России: День Конституции Российской Федерации.</p> <p>25 декабря – День принятия Федеральных конституционных законов о Государственных символах Российской Федерации</p> <p>27 декабря - День спасателя Российской Федерации.</p> <p>4-10 января - Неделя науки, техники для детей и юношества</p> <p>8 января - День детского кино</p> <p>11 января - День заповедников и национальных парков</p> <p>13 января - День российской печати.</p> <p>17 января - День детских изобретений, или День детей-изобретателей</p> <p>20 января - День Автономной Республики Крым.</p> <p>25 января - День российского студенчества</p> <p>27 января - День воинской славы России: День полного освобождения советскими войсками города Ленинграда от блокады его немецко - фашистскими войсками (27 января 1944 год).</p> <p>27 января - Международный день памяти жертв Холокоста</p>		
4	<p>Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения.</p>	22	1	<p><b>Оперировать</b> понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла.</p> <p><b>Использовать</b> запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.</p> <p><b>Выполнять</b> преобразования тригонометрических выражений. <b>Решать</b> основные типы тригонометрических уравнений.</p>	<p>2 февраля - День воинской славы России: День разгрома советскими войсками немецко-фашистских войск в Сталинградской битве (1943 год)</p> <p>8 февраля - День российской науки, 300-летие со времени основания Российской Академии наук (1724)</p> <p>9 февраля - Международный день безопасного Интернета</p> <p>14 февраля - Международный день дарения книг</p> <p>15 февраля - День памяти о россиянах, исполнявших служебный долг за пределами</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3490/main/199402/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3490/main/199402/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6314/main/199932/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6314/main/199932/</a></p>

				<p>Отечества, 35 лет со дня вывода советских войск из Республики Афганистан (1989)</p> <p>17 февраля - День молодого избирателя</p> <p>21 февраля - Международный день родного языка.</p> <p>23 февраля - День защитника Отечества</p> <p>23 февраля - День воинской славы России: День победы Красной Армии над кайзеровскими войсками Германии (1918 год).</p> <p>27 февраля - День Сил специальных операций</p> <p>1 марта - Всемирный день гражданской обороны</p> <p>8 марта - Международный женский день.</p> <p><b>14 марта - День православной книги.</b> 450 лет со дня выхода первой «Азбуки» (печатной книги для обучения письму и чтению) Ивана Фёдорова (1574)</p> <p>18 марта - День воссоединения Крыма с Россией (10 лет)</p> <p>20 марта - Всемирный день Земли. Весеннее равноденствие.</p> <p>27 марта – Всемирный день театра</p> <p>2 апреля - Международный день детской книги</p> <p>7 апреля - Всемирный день здоровья</p> <p>7 апреля - День рождения Рунета (RuNet)</p> <p>11 апреля - Международный день освобождения узников фашистских концлагерей.</p> <p>12 апреля - Памятная дата России: День космонавтики</p> <p>12 апреля - Всемирный день авиации и космонавтики с 2011 года он носит еще одно название - Международный день полета человека в космос.</p> <p>18 апреля - День воинской славы России: День победы русских воинов князя Александра Невского над немецкими рыцарями на Чудском озере (Ледовое побоище, 1242 год).</p> <p>19 апреля – День памяти о геноциде советского народа нацистами и их пособниками в годы Великой Отечественной войны</p>	
--	--	--	--	---	--

5	Последовательности и прогрессии.	5		<p><b>Оперировать понятиями:</b> последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии; бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p><b>Задавать</b> последовательности различными способами.</p> <p><b>Применять</b> формулу сложных процентов для решения задач из реальной практики (с использованием калькулятора).</p> <p><b>Использовать свойства</b> последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера</p>	<p>27 апреля – День российского парламентаризма 30 апреля - День пожарной охраны. 1 мая - Праздник Весны и Труда (День труда) 6 мая - День святого Георгия Победоносца .</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/main/326721/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/main/326721/</a></p>
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний.	3	1	<p>Применять основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных дисциплин.</p>	<p>9 мая - День воинской славы России: День Победы советского народа в Великой Отечественной войне 1941 - 1945 годов (1945 год). 15 мая - Международный день семей 18 мая - Международный день музеев. 19 мая – День детских общественных организаций России 24 мая - День Славянской письменности и культуры. 24 мая - Международный день заповедников 27 мая - Общероссийский День библиотек (День библиотекаря). 31 мая - Всемирный день культуры</p>	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4			

## 11 КЛАСС

№ п/ п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Основные виды деятельности обучающихся	Модуль программы воспитания «Школьный урок»	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы			
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства.	12	1	<p><b>Формулировать</b>, записывать в символической форме и иллюстрировать примерами свойства степени.</p> <p><b>Применять</b> свойства степени для преобразования выражений.</p> <p>Формулировать и иллюстрировать графически свойства показательной функции.</p> <p><b>Решать</b> основные типы показательных уравнений и неравенств.</p> <p><b>Использовать</b> цифровые ресурсы для построения графиков функций и изучения их свойств.</p>	<p>1 сентября - День Знаний</p> <p>2 сентября - День окончания Второй мировой войны (1945 год).</p> <p>3 сентября - Памятная дата России: День солидарности в борьбе с терроризмом.</p> <p>8 сентября - День воинской славы России: День Бородинского сражения русской армии под командованием М. И. Кутузова с французской армией (1812 год).</p> <p>8 сентября - День памяти. Начало блокады Ленинграда 1941-1944 гг.</p> <p>8 сентября - Международный день распространения грамотности</p> <p>10 - Международный день памяти жертв фашизма</p> <p>21 сентября - День воинской славы России: День победы русских полков во главе с великим князем Дмитрием Донским над монголо-татарскими войсками в Куликовской битве (1380 год).</p> <p>30 сентября - День Интернета России (День Рунета)</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/main/225577/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/main/225577/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5627/main/159325/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5627/main/159325/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4731/main/159356/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4731/main/159356/</a></p>
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12		<p><b>Формулировать</b>, записывать в символической форме и иллюстрировать примерами свойства логарифма.</p> <p><b>Выполнять</b> преобразования выражений, содержащих логарифмы.</p> <p>Формулировать и иллюстрировать графически свойства логарифмической функции. <b>Решать</b> основные типы логарифмических уравнений и неравенств.</p> <p><b>Использовать</b> цифровые ресурсы для</p>	<p>1 октября - Международный день пожилых людей</p> <p>4 октября - День начала космической эры человечества</p> <p>5 октября - Международный день учителя</p> <p>9 октября - Всероссийский день чтения</p> <p>15 октября - День Отца</p> <p>25 октября – Международный день школьных библиотек</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3834/main/198660/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3834/main/198660/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4732/main/198846/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4732/main/198846/</a></p> <p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3852/main/199123/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3852/main/199123/</a></p>

				<p>построения графиков функций и изучения их свойств. Знакомиться с историей развития математики.</p>		
3	<p>Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства.</p>	9	1	<p><b>Оперировать</b> понятием периодическая функция. <b>Строить</b>, анализировать, сравнивать графики тригонометрических функций. <b>Формулировать</b> и иллюстрировать графически свойства тригонометрических функций. <b>Решать</b> простейшие тригонометрические неравенства. <b>Использовать</b> графики для решения тригонометрических неравенств. Использовать цифровые ресурсы для построения графиков функций и изучения их свойств</p>	<p>4 ноября - День воинской славы России: День народного единства. 7 ноября - Памятная дата России: День Октябрьской революции 1917 года 8 ноября - День памяти погибших при исполнении служебных обязанностей сотрудников органов внутренних дел России <b>16 ноября - Международный день</b> толерантности 20 ноября – День начала Нюрнбергского процесса 26 ноября - День матери в России 30 ноября – День Государственного герба Российской Федерации</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/main/200549/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/main/200549/</a> <a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/main/200424/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4738/main/200424/</a></p>
4	<p>Производная. Применение производной.</p>	24	1	<p><b>Оперировать понятиями:</b> непрерывная функция; производная функции. <b>Использовать</b> геометрический и физический смысл производной для решения задач. <b>Находить</b> производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций. <b>Использовать</b> производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков. <b>Применять</b> производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. <b>Знакомиться</b> с историей развития математического анализа.</p>	<p>1 декабря - День воинской славы России: День победы русской эскадры под командованием П. С. Нахимова над турецкой эскадрой у мыса Синоп (1853 год). 1 декабря - Всемирный день борьбы со СПИДом . 3 декабря – День неизвестного солдата. Международный день инвалидов 5 декабря - День воинской славы России: День начала контрнаступления советских войск против немецко-фашистских войск в битве под Москвой (1941 год). 5 декабря – День добровольца (волонтера) в России 9 декабря - Памятная дата России: День Героев Отечества 10 декабря - Международный день прав человека. 12 декабря - Памятная дата России: День Конституции Российской Федерации. 25 декабря – День принятия Федеральных конституционных законов о Государственных символах Российской Федерации 27 декабря - День спасателя Российской Федерации. 4-10 января - Неделя науки, техники для детей и юношества 8 января - День детского кино</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/main/200984/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/main/200984/</a> <a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3976/main/201108/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3976/main/201108/</a></p>

					<p>13 января - День российской печати.  17 января - День детских изобретений, или День детей-изобретателей  20 января - День Автономной Республики Крым.  25 января - День российского студенчества  27 января - День воинской славы России: День полного освобождения советскими войсками города Ленинграда от блокады его немецко - фашистскими войсками (27 января 1944 год).  27 января - Международный день памяти жертв Холокоста</p>	
5	Интеграл и его применения.	9		<p><b>Оперировать понятиями:</b> первообразная, интеграл.  <b>Находить</b> первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.  <b>Знакомиться</b> с историей развития математического анализа.</p>	<p>2 февраля - День воинской славы России: День разгрома советскими войсками немецко-фашистских войск в Сталинградской битве (1943 год)  8 февраля - День российской науки, 300-летие со времени основания Российской Академии наук (1724)  9 февраля - Международный день безопасного Интернета  10 февраля - Памятная дата России: День памяти А. С. Пушкина  15 февраля - День памяти о россиянах, исполнявших служебный долг за пределами Отечества, 35 лет со дня вывода советских войск из Республики Афганистан (1989)  17 февраля - День молодого избирателя</p>	<p><a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/main/225779/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/main/225779/</a>  <a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/main/225812/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6118/main/225812/</a></p>
6	Системы уравнений.	12	1	<p><b>Оперировать понятиями:</b> система линейных уравнений и её решение.  <b>Использовать</b> систему линейных уравнений для решения практических задач.  <b>Находить</b> решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.  <b>Использовать</b> график функций для решения уравнений.  <b>Моделировать</b> реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.</p>	<p>21 февраля - Международный день родного языка.  23 февраля - День защитника Отечества  23 февраля - День воинской славы России: День победы Красной Армии над кайзеровскими войсками Германии (1918 год).  27 февраля - День Сил специальных операций  1 марта - Всемирный день гражданской обороны  8 марта - Международный женский день.  14 марта - <b>День православной книги.</b> 450 лет со дня выхода первой «Азбуки» (печатной книги для обучения письму и чтению) Ивана Фёдорова (1574)  18 марта - День воссоединения Крыма с Россией (10 лет)</p>	

7	Натуральные и целые числа.	6		<p><b>Оперировать понятиями:</b> натуральное число, целое число.</p> <p><b>Использовать</b> признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.</p>	<p>20 марта - Всемирный день Земли  27 марта – Всемирный день театра  2 апреля - Международный день детской книги  7 апреля - Всемирный день здоровья  7 апреля - День рождения Рунета (RuNet)  11 апреля - Международный день освобождения узников фашистских концлагерей.  12 апреля - Памятная дата России: День космонавтики  12 апреля - Всемирный день авиации и космонавтики с 2011 года он носит еще одно название - Международный день полета человека в космос.</p>	
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2	<p><b>Решать</b> прикладные задачи из различных областей науки и реальной жизни с помощью основных понятий курса алгебры и начал математического анализа.</p> <p><b>Выбирать</b> оптимальные способы вычислений.</p> <p><b>Использовать</b> для решения задач уравнения, неравенства и системы уравнений, свойства функций и графиков.</p>	<p>18 апреля - День воинской славы России: День победы русских воинов князя Александра Невского над немецкими рыцарями на Чудском озере (Ледовое побоище, 1242 год).  19 апреля – День памяти о геноциде советского народа нацистами и их пособниками в годы Великой Отечественной войны  26 апреля - День участников ликвидации последствий радиационных аварий и катастроф и памяти жертв этих аварий и катастроф  27 апреля – День российского парламентаризма  <b>30 апреля - День пожарной охраны.</b>  <b>1 мая - Праздник Весны и Труда (День труда)</b>  <b>9 мая - День воинской славы России: День Победы советского народа в Великой Отечественной войне 1941 - 1945 годов (1945 год).</b>  <b>15 мая - Международный день семей</b>  <b>18 мая - Международный день музеев.</b>  19 мая – День детских общественных организаций России  <b>24 мая - День Славянской письменности и культуры.</b></p>	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6			